

01 함수의 극한

01

난이도 ●●○
▶ 27p 5번 변형

a 가 양의 실수일 때, 함수

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - a & (x < 0) \\ x + 2 & (x \geq 0) \end{cases} \text{에 대하여 <보기>에서}$$

옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

— <보기> —

- ㄱ. 함수 $f(x)$ 는 $x = 0$ 에서 불연속이다.
- ㄴ. $a = 2$ 이면 함수 $|f(x)|$ 는 실수 전체의 집합에서 연속이다.
- ㄷ. 함수 $xf(x)$ 는 a 의 값에 관계없이 실수 전체의 집합에서 연속이다.

- ① ㄱ ② ㄱ, ㄴ ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

02

난이도 ●●●
▶ 28p 1번 변형

실수 전체의 집합에서 연속이고 모든 실수 x 에 대하여

$$f(x) > 0 \text{인 함수 } f(x) \text{와 } \lim_{x \rightarrow 3^+} g(x) > \lim_{x \rightarrow 3^-} g(x) \text{인}$$

함수 $g(x)$ 가 있다. 두 함수 $f(x), g(x)$ 가 다음 조건을 만족

$$\text{시키길 때, } f(3) \times \left\{ \lim_{x \rightarrow 3^+} g(x) - \lim_{x \rightarrow 3^-} g(x) \right\} \text{의 값을}$$

구하시오.

(가) 함수 $|f(x)g(x)|$ 는 실수 전체의 집합에서 연속이다.

(나) $x < 3$ 일 때 $f(x)g(x) = -x^2 + 3x - 4$ 이고,

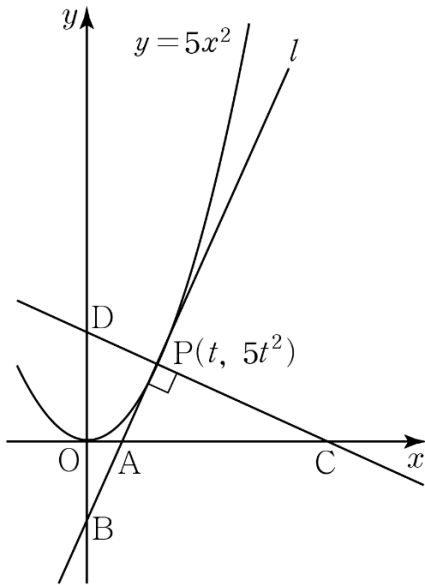
$x > 3$ 일 때 $\frac{g(x)}{f(x)} = 2x - 5$ 이다.

02 다항함수의 미분법

03

난이도 ●●●
▶ 68p 3번 변형

$0 < t < \frac{1}{5}$ 인 실수 t 에 대하여 다음 그림과 같이 곡선 $y = 5x^2$ 위의 점 $P(t, 5t^2)$ 에서의 접선 l 이 x 축과 만나는 점을 A , y 축과 만나는 점을 B 라 하자. 또한 점 P 를 지나고 직선 l 에 수직인 직선이 x 축과 만나는 점을 C , y 축과 만나는 점을 D 라 하자. 선분 AC 의 길이와 선분 BD 의 길이의 차의 최댓값이 $\frac{q}{p}$ 일 때, $p + q$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.)



04

난이도 ●●○
▶ 69p 5번 변형

삼차함수 $f(x) = x^3 + (a+1)x^2 + (a+4)x$ 의 그래프와 이차함수 $g(x) = x^2 - 2x + b$ 의 그래프가 어떤 실수 b 에 대하여 서로 다른 세 점에서 만날 때, 자연수 a 의 최솟값을 구하시오.

05

난이도 ●●●
▶ 70p 1번 변형

함수 $f(x) = \frac{1}{12}x^2(x - 13)$ 과 실수 t 에 대하여 닫힌구간 $[t, t + 8]$ 에서 함수 $f(x)$ 의 최댓값을 $g(t)$ 라 하자. $0 \leq t \leq 10$ 에서 함수 $g(t)$ 의 최댓값과 최솟값의 합을 구하시오.

03 다항함수의 적분법

07

난이도 ●●○
▶ 97p 7번 변형

수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t ($t \geq 0$)에서의 속도 $v(t)$ 가

$$v(t) = \begin{cases} -t^2 + 6t & (0 \leq t < 2) \\ t^2 - 13t + 30 & (t \geq 2) \end{cases}$$

이다. 점 P가 시각 $t = 0$ 에서 $t = 8$ 까지 움직인 거리를 구하시오.

08

난이도 ●●●
▶ 99p 7번 변형

함수 $f(x) = x^3 - 4x^2 + 7x - 9$ 의 역함수를 $g(x)$ 라 하자. 두 곡선 $y = f(x)$, $y = g(x)$ 및 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 S 라 할 때, $4 \times \left(S - \int_0^3 g(x) dx \right)$ 의 값을 구하시오.

09

난이도 ●●●
▶ 100p 1번 변형

최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수 $g(x)$ 를

$$g(x) = f(x) + |f(x)|$$

라 하고, 함수 $h(x)$ 를 $h(x) = \int_0^x g(t) dt$ 라 할 때, 두 함수 $g(x)$ 와 $h(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $g(0) = 0$

(나) 방정식 $h(x) = 0$ 의 실근은 $x = 0$ 뿐이다.

$f(-2) = 16$ 일 때, 곡선 $y = f(x)$ 와 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하시오.